

# IFT3545 à trois crédits/IFT6580 à quatre crédits

## Graphes et réseaux/Sujets en optimisation

Hiver 2026

Geña Hahn

Puisque les graphes apparaissent dans presque toutes les branches de l'informatique et se trouvent être utile dans beaucoup de branches des mathématiques, on va les étudier pour eux même, pour la beauté du sujet, pour les idées qui peuvent être utiles ailleurs, pour les mathématiques. Il n'y a aucun pré-requis ni concomitant à part une certaine maturité **mathématique**, la volonté de réfléchir et la volonté de revoir quelques notions peut-être oubliées.

Le contenu du cours sera en partie précisé suivant le intérêts des étudiants. Les grandes lignes des sujets de base sont les suivantes :

- Définitions et résultats de base.
- Arbres, arborescences.
- Connexité : théorèmes de Menger et les équivalences entre les résultats de Menger, Dilworth, König, Hall, Ford-Fulkerson (flots).
- Homomorphismes, colorations.
- Graphes de Cayley.
- Théorie extrémale : théorèmes de Turán, de Ramsey.
- Graphes infinis : lemme de Kőnig, théorème de Ramsey, compacité.

On pourra également aborder d'autres sujets tels jeux sur des graphes, décomposition des graphes, intervalles, etc.

Comme guide, on se servira de la version originale du livre de Bondy et Murty, *Graph theory with applications*, disponible gratuitement en version électronique. Le livre de Diestel pourra être utile de temps à autre, ainsi que la nouvelle version de celui de Bondy et Murty. Certains sujets abordés peuvent ne pas être traiter dans des livres.

Il est malheureux qu'en réaction aux trop nombreuses instances de plagiat (copier des solutions chez des amis, d'anciens étudiants, livres, et internet, voire ChatGPT, semble être la façon bien trop fréquente de "travailler"), le modèle préféré d'évaluation donnant 70% aux solutions de problèmes dans une liste n'est plus tenable. On reprend les examens ajoutant, peut-être, des minitests fréquents, voir plus bas. Pour réussir le cours, un étudiant doit faire assez de problèmes dans la liste pour avoir au moins 100 points (les exercices valent entre 2 et 1000 points) qui comptent pour 50% de la note. *Notons que les 100 points sont nécessaire pour réussir le cours, donc au mieux C, mais ne sont pas suffisants pour obtenir un A..*

Certains problèmes sur la liste seront obligatoires, tenant la place des devoirs et donc avec une date limite de remise (ils seront signalés au fur et à mesure). Entre autres ils constituent une préparation aux examens. Le nombre de points que l'on peut avoir est ouvert. Pour les fins de calcul approximatif des notes, notons que dans le passé les A commençaient vers 500 points. Vous pouvez être appelé(e) à expliquer ou présenter votre solution, soit en classe, soit en privé. Une incompréhension évidente de votre solution mènera à la suppression des points obtenus, au minimum, car cela indiquera un cas de plagiat. Si nous avons l'impression de voir beaucoup de plagiat, les points obtenus seront comptés en proportion de la moyenne pondérée des examens. Dans l'autre sens, un grand manque de plagiat et autres triche pourrait annuler l'un, ou les deux, examens.

Notons, par contre, que si vous vous êtes *inspiré(e)* quelque part, si vous citez la source, et si vous comprenez la solution que vous rédigez vous-même, ce sera acceptable à condition que cela n'arrive pas trop souvent.

Travailler avec d'autres est une bonne manière d'avancer, souvent on apprend mieux. Mais cela ne veut dire ni copier ni faire chacun un (des) problème(s) et partager les solutions.

Si vous travaillez en équipe, il faut

- le signaler (qui est dans le groupe);
- travailler sur les mêmes problèmes *ensemble*;
- rédiger seul (des écrits qui se ressemblent trop partageront la note en divisant les points par le nombre de copies semblables).

Dans le cas d'un groupe de deux, vous pouvez remettre une seule copie en indiquant qui a rédigé (et alternez la rédaction pour que ce soit équilibré à la fin). Et non, vous ne pouvez pas rédiger chacun certains problèmes pour des raisons évidentes.

**Les problèmes qui valent *plus que 10 points* peuvent être refaits. Pour faciliter la démarche pour les correcteurs, les solutions doivent être soumis en pdf, formatées en LaTeX de préférence.**

### Conseils

- 1. si vous soumettez auelaues problèmes chaque semaine, vous serez mieux préparés pour les examens et surtout, vous suivrez mieux le cours;**
- 2. si vous pensez vouloir refaire des problèmes, il faut nous donner le temps pour la correction, comptez une semaine minimum,**

La date limite **ferme** pour les solutions aux problèmes est le jour du final. Plus précisément, aucune solution ne sera considérée si elle est remise après ce jour. Une remise d'un grand paquet de problèmes à ce moment sera mal vue et pénalisée.

*Les étudiants inscrits à la version IFT6580 auront plus de travail à faire - des présentations, par exemple - et auront besoin de 150 points pour réussir.*

On fonctionne sur STUDIUM. Vu la difficulté de gestion de la messagerie du Studium, je vous prie de m'écrire sur mon adresse du DIRO - hahn@iro.umontreal.ca - et non pas sur Studium. SVP mentionner 3545 ou 6580 dans le sujet.

Vous trouverez les liens en bas de ma page web.

La page web du cours où on trouve les définitions, les problèmes, les notes de cours ou des articles à lire, ainsi que *l'état des choses* indiquant le nombre de points de chacun (anonyme) est ICI. On y trouve aussi le présent document.

*Soumission des solutions* : Les solutions doivent être soumises en pdf, LaTeX préféré, à la main acceptable, en Word (et semblable) refusé. Les problèmes doivent être dans l'ordre de leur numéro (cela minimise des erreurs d'inscription des points). Il est préférable de séparer les problèmes à au plus 10 points des autres (fichiers séparés). Le nom du fichier devrait être quelque chose comme `nom.prenom.soumission.pdf` où `soumission` peut être son numéro ou autre chose permettant de les distinguer entre elles. Une bonne façon est de donner les numéros des problèmes soumis. Si vous refaites un problème, indiquez-le clairement.

## Barèmes

Intra	20%
Final	30%
Solutions aux problèmes	50%

## Barèmes bis

Intra	10%
Final	25%
Minitests	15%
Solutions aux problèmes	50%

**Horaire** : chaque semaine on a cinq heures de cours parsemées de TP, au moins pendant les première quatre semaines ; à revoir au besoin.

	mardi	15h30 – 17h20	Z-315
	jeudi	15h30 – 16h30	Z-315 suivi de TP
	jeudi	16h30 – 18h30	AA-1340
intra	26 février	16h30 – 18h30	AA-1340
final	16 avril	15h30 – 18h30	AA-1355

**Premier cours le 13 janvier.**